



EXERCICES DU CHAPITRE 21

Plan (Cliquer sur le titre pour accéder au paragraphe)

EXERCICES DU CHAPITRE 21	1
21.I. Centrale nucléaire	1
21.II. Chauffage d'un appartement	1
21.III. Pompe à chaleur	1
21.IV. Moteurs Diesel	2
21.V. Réfrigérateur	3

21.I. Centrale nucléaire

Une centrale nucléaire fournissant une puissance de 1000 MW est installée au bord d'un fleuve dont la température est 300 K et le débit $400 \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$. La température de la source chaude est 700 K. En admettant que le rendement soit 60 % du rendement de Carnot, quelle est l'élévation de température du fleuve qui résulte du fonctionnement ?
 capacité thermique de l'eau : $4,18 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$.

Rép : $\frac{d\theta}{dt} = 1,14^\circ\text{C}$

21.II. Chauffage d'un appartement

On désire maintenir dans un appartement une température constante $T^1 = 290\text{K}$, grâce à une pompe à chaleur utilisant comme source froide un lac de température $T^0 = 280 \text{ K}$. La température extérieure est uniformément égale à T^0 . Il faut évidemment pour cela dépenser la puissance juste nécessaire pour compenser les pertes de chaleur.

Pour évaluer ces pertes, on arrête le chauffage, la température de l'appartement étant initialement T^1 , au bout de deux heures la température n'est plus que de 285 K. En admettant que la quantité de chaleur perdue pendant le temps dt est : $\delta Q = aC(T - T_0)dt$, C désignant la capacité thermique de l'appartement, T sa température à l'instant t et a une constante, calculer a .

Sachant que le coefficient d'efficacité réel de la machine n'est que 40 % de l'efficacité théorique, quelle est la puissance à fournir pour maintenir une température constante dans l'appartement ?

$C = 10^7 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$

Rép : $a = 9.63 \cdot 10^{-5} \text{ s}^{-1}$, $P = 830 \text{ W}$

21.III. Pompe à chaleur

Une pompe à chaleur, dont le fonctionnement est supposé réversible, échange de la chaleur avec deux sources ; l'une est l'eau d'un lac dont la température est constante et égale à 280 K, l'autre est une masse d'eau $M = 10^3 \text{ kg}$, thermiquement isolée et dont la température initiale est 293 K.

La capacité thermique de l'eau à pression constante est $4,19 \cdot 10^3 \text{ J} \cdot \text{kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$. Lorsque la masse d'eau a atteint la température de 333 K, calculer :

- la chaleur extraite du lac ;
- la chaleur cédée à la masse m d'eau ;
- le travail absorbé par la pompe
- la variation d'entropie de la source froide.

Rep : a) $Q = 1,5 \cdot 10^5 \text{ kJ}$, b) $-Q_c = 1,67 \cdot 10^5 \text{ kJ}$, c) $W = 17,6 \cdot 10^3 \text{ kJ}$, d) $\Delta S = -535,7 \text{ kJ} \cdot \text{K}^{-1}$

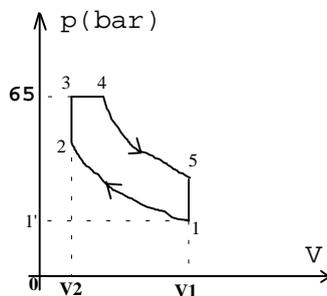
21.IV. Moteurs Diesel

Dans les moteurs Diesel actuels, à vitesse de rotation élevée, le cycle décrit par l'air est celui représenté sur la figure ci-contre dans le diagramme de Clapeyron (p, V). Après la phase d'admission de $1'$ à 1 , l'air subit une compression isentropique de 1 à 2 . Après injection du carburant en 2 , la combustion s'effectue d'abord de façon isochore de 2 à 3 puis se poursuit de façon isobare de 3 à 4 . La phase de combustion est suivie d'une détente isentropique de 4 à 5 puis d'une phase d'échappement isochore de 5 à 1 et de refoulement isobare de 1 à $1'$.

La pression en 1 est 1 bar et la température 293 K. la pression maximale est 65 bars et la température maximale (en 4) est 2173 K ;

On suppose que l'air est un gaz parfait diatomique $\gamma = 1,4$. On donne le rapport volumétrique de compression $\alpha = V^1 / V^2 = 19$.

- Exprimer en fonction de γ et des températures T_1, T_2, T_3, T_4, T_5 des points correspondants sur le diagramme, l'efficacité du moteur Diesel à double combustion.
- Calculer T_2, T_3, T_5 , en déduire la valeur de l'efficacité du moteur.



3°) Quelle est en kJ, la chaleur Q_c reçue par kg d'air au cours de la combustion entre les points 2 et 4 ?

4°) Quelle est la chaleur Q_f échangée par kg d'air entre les points 5 et 1 ?

5°) En déduire le travail W par kg d'air échangé avec le milieu extérieur au cours d'un cycle.

$R = 8,32 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$, masse molaire de l'air $M = 29 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$.

Rep : $\eta = 1 + \frac{(T_1 - T_5)}{(T_3 - T_2) + \gamma(T_4 - T_3)}$, $T_2 = 951,41 \text{ K}$, $T_3 = 1002,37 \text{ K}$, $T_5 = 912 \text{ K}$, $\eta = 0,63$, $Q_c = 1,21 \cdot 10^3 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$, $Q_f = -448 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$, $W = -768 \text{ kJ} \cdot \text{kg}^{-1}$.

21.V. Réfrigérateur

Un réfrigérateur fonctionne de façon réversible entre deux sources S_C et S_F de températures constantes $T_C = 300$ K et $T_F = 263$ K respectivement. On désigne par W le travail reçu par la machine et par Q_C et Q_F les quantités de chaleur échangées avec les sources chaude et froide respectivement au cours du cycle. Calculer l'efficacité η_r du réfrigérateur.

En réalité, il existe des causes d'irréversibilité dans le fonctionnement de la machine. On constate que le rapport des quantités de chaleur Q_C et Q_F échangées au cours du cycle avec les sources chaude et froide respectivement est lié au rapport des températures des deux sources par la

relation $|Q_C|/|Q_F| = kT_C/T_F$ où k est une constante positive.

Trouver l'efficacité η_i de la machine dans le cas où $k = 1,2$.

Rép : $\eta_r = 7,11$ $\eta_i = 2,71$.